

**Concours de Réorientation Universitaire
(Session 2015)
Corrigé du sujet de sciences physiques**

PHYSIQUE EXERCICE 1 (6 points)

1- Equation de la réaction nucléaire : ${}_{90}^{227}\text{Th} \rightarrow {}_2^4\text{He} + {}_{88}^{223}\text{Ra}$

2-

$$N_0 = \frac{m_0 \cdot \mathcal{N}}{M} \quad \text{A.N: } N_0 = \frac{10^{-3} \times 6,02 \cdot 10^{23}}{227} = 2,653 \cdot 10^{18} \text{ noyaux}$$

3-a- La période radioactive **T** (aussi appelée demi-vie) est le temps nécessaire pour que la moitié des noyaux présents initialement se soient désintégrés.

3-b- Equation théorique de la courbe : $\text{Ln} \frac{N_0}{N} = \lambda \cdot t$ d'où $\lambda = \frac{0,075}{2} = 0,0375 \text{ jour}^{-1}$

La période radioactive: $T = \frac{\text{Ln } 2}{\lambda}$ d'où $T = 18,484$ jours.

3-c- Activité radioactive initiale: $A_0 = \lambda \cdot N_0$, A.N: $A_0 = \frac{0,0375 \times 2,653 \cdot 10^{18}}{24 \times 3600} = 1,15 \cdot 10^{12} \text{ Bq}$

3-d- La masse du thorium désintégré au bout de 36 heures:

$$m = m_0 (1 - e^{-\lambda \cdot t}) \quad \text{d'où A.N: } m = 1 (1 - e^{-0,0375 \cdot 36/24}) = 0,055 \text{ mg}$$

3-e- Activité de l'échantillon à $t = 36$ h.

$$N = \frac{m \cdot \mathcal{N}}{M} \quad \text{et} \quad \frac{A}{A_0} = \frac{N}{N_0} \Rightarrow A = A_0 \frac{N}{N_0}, \quad \text{A.N: } A = 1,088 \cdot 10^{12} \text{ Bq}$$

**Concours de Réorientation Universitaire
(Session 2015)
Corrigé du sujet de sciences physiques**

PHYSIQUE EXERCICE 2 (7 points)

1-

Grandeur mécanique	Grandeur électrique
m	L
k	1/C
h	R _T
F	u

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + R_T \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = u(t)$$

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + k \cdot x = F(t)$$

2- Le transfert d'énergie s'effectue de l'excitateur vers le résonateur pour compenser les pertes d'énergies dues aux frottements.

3-a- F(t) est toujours en avance de phase par rapport à x(t)

C₁ est en avance de phase par rapport à C₂

D'où la courbe C₁ correspond à F(t) et la courbe C₂ correspond à x(t)

3-b- A partir de la courbe:

$$T = \frac{\pi}{6} = 0,523s \text{ d'où } N = \frac{1}{T} = 1,91Hz$$

$$F_m = 2,6 \times 0,5 = 1,3N$$

$$X_m = 2,4 \times 0,05 = 0,12m$$

$$\Delta\varphi = \varphi_F - \varphi_x = \frac{2 \cdot \pi \cdot \Delta t}{T} \quad \text{A.N: } \Delta\varphi = \frac{2 \cdot \pi \cdot 3,3}{10} = \frac{3,3\pi}{5} \text{ rad}$$

$$3-c- \text{ On a: } \varphi_F = \frac{\pi}{2} \text{ rad d'où } \varphi_x = -0,17\pi \approx -\frac{\pi}{6} \text{ rad}$$

$$4-a- \text{ On a: } I_m = q_m \cdot \omega = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + (L \cdot \omega - \frac{1}{C\omega})^2}} \text{ d'où } q_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 \cdot \omega^2 + (L \cdot \omega^2 - \frac{1}{C})^2}} \text{ par analogie}$$

$$X_m = \frac{F_m}{\sqrt{h^2 \cdot \omega^2 + (m \cdot \omega^2 - K)^2}}, \quad \cos(\varphi_F - \varphi_x) = \frac{h \cdot X_m \cdot \omega}{F_m} \Leftrightarrow \sin(\varphi_F - \varphi_x) = \frac{h \cdot X_m \cdot 2\pi N}{F_m}$$

$$4-b- \text{ On a: } h = \frac{F_m \sin(\varphi_F - \varphi_x)}{X_m \cdot 2\pi N}, \quad \text{A.N: } h \approx 0,8 \text{ kg} \cdot \text{s}^{-1}$$

5-a- Pour X_m maximale, le pendule élastique est dans un état de résonance d'élongation.

Si h ≈ 0 alors ω_r ≈ ω₀ d'où Δφ' = φ_F - φ_x = $\frac{\pi}{2}$ rad

Si h < $\sqrt{2mk}$ alors ω_r < ω₀ d'où Δφ' = φ_F - φ_x < $\frac{\pi}{2}$ rad

$$5-b- \text{ Calcul de k et m : } \omega_r^2 = -\frac{1}{2m^2} \cdot h^2 + \frac{k}{m} \quad ; \quad \frac{k}{m} = 100N \cdot m^{-1} \cdot kg^{-1} \quad \frac{1}{2m^2} = -\frac{100 - 0}{0 - 8} = 12,5 \text{ kg}^{-2}$$

$$k = 20N \cdot m^{-1} ; m = 0,2kg$$

